

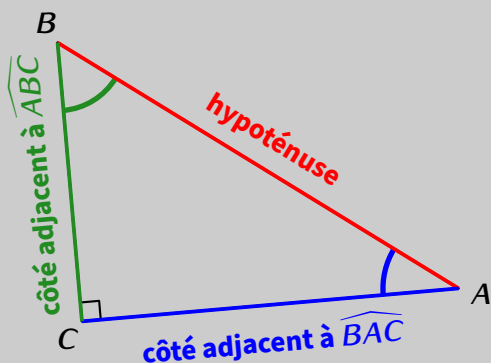
Cosinus

1

Cosinus d'un angle aigu



DÉFINITION



Dans un triangle rectangle, le côté adjacent à un angle aigu est le côté qui se trouve entre l'angle droit et cet angle aigu.



ATTENTION!!!

Selon l'angle choisi, le côté adjacent n'est pas le même!



Remarque

Le côté adjacent ne peut jamais être l'hypoténuse. De plus, les deux angles aigus d'un triangle rectangle sont **complémentaires** (donc si on connaît la mesure de l'un des deux, on calcule l'autre en le soustrayant de 90°).



DÉFINITION

Dans un triangle rectangle, le cosinus d'un angle aigu, noté \cos , se calcule grâce à la formule :

$$\cos = \frac{\text{côté adjacent à cet angle}}{\text{hypoténuse}}.$$

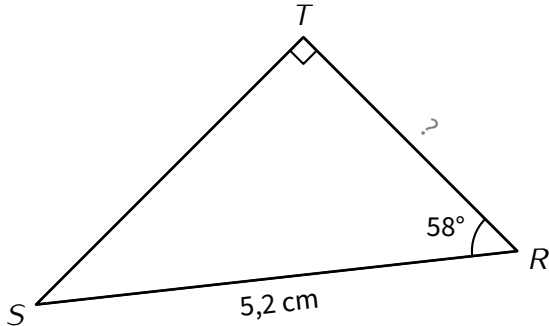
➡ **Exemple** : Exprime sous la forme d'un quotient de longueurs le cosinus des angles \widehat{ABC} et \widehat{BAC} dans le triangle ci-dessus :

$$\cos \widehat{ABC} = \frac{\text{côté adjacent à } \widehat{ABC}}{\text{hypoténuse}} = \frac{BC}{AB} \quad \text{et} \quad \cos \widehat{BAC} = \frac{\text{côté adjacent à } \widehat{BAC}}{\text{hypoténuse}} = \frac{AC}{AB}.$$

1 Calculer une longueur

On peut demander de calculer soit le côté adjacent, soit l'hypoténuse.

➤ **Exemple :** Calcule RT (arrondi au dixième).

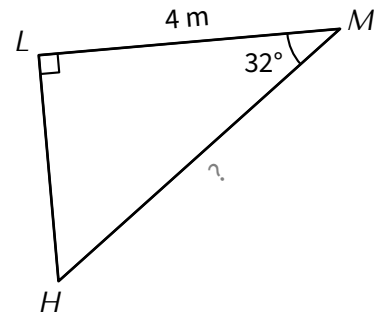


D : Le triangle RST est rectangle en T .

P : D'après la trigonométrie, on a :

$$\begin{aligned} \text{C : } \cos \widehat{TRS} &= \frac{TR}{RS} \\ \frac{\cos 58^\circ}{1} &= \frac{TR}{5,2} \\ TR &= \frac{5,2 \times \cos 58^\circ}{1} \\ TR &\approx 2,8 \text{ cm.} \end{aligned}$$

➤ **Exemple :** Calcule MH (arrondi au mm près).



D : Le triangle HLM est rectangle en L .

P : D'après la trigonométrie, on a :

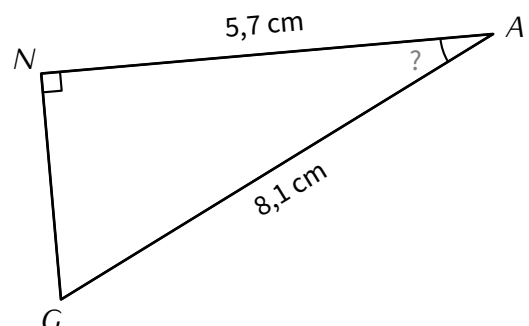
$$\begin{aligned} \text{C : } \cos \widehat{HML} &= \frac{ML}{HM} \\ \frac{\cos 32^\circ}{1} &= \frac{4}{MH} \\ MH &= \frac{1 \times 4}{\cos 32^\circ} \\ MH &\approx 4,717 \text{ m.} \end{aligned}$$

Remarques

- Attention aux arrondis, et donc à bien lire l'énoncé.
- Comme pour les théorèmes de Pythagore et Thalès, la ligne du "C" ne doit contenir que des lettres. Il ne faut surtout pas à ce stade utiliser les données de la figure !
- Si on demande de calculer le côté adjacent à un angle et qu'on nous donne l'autre, ne pas oublier qu'ils sont complémentaires !

2 Calculer une mesure d'angle

Calcule la mesure de l'angle \widehat{NAG} , arrondie au degré près.



D : Le triangle ANG est rectangle en N .

P : D'après la trigonométrie, on a :

$$\begin{aligned} \text{C : } \cos \widehat{NAG} &= \frac{NA}{AG} && \leftarrow \text{la ligne du "C" ne contient toujours que des lettres!} \\ \cos \widehat{NAG} &= \frac{5,7}{8,1} && \leftarrow \text{on remplace par les données} \end{aligned}$$

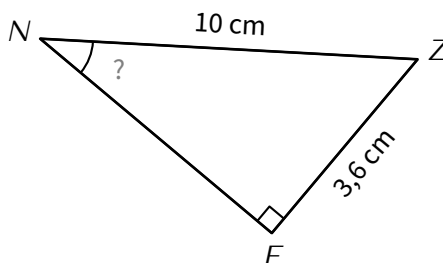
$$\widehat{NAG} = \cos^{-1} \left(\frac{5,7}{8,1} \right) \quad \leftarrow \text{on enlève le cos à gauche, mais on met un } \cos^{-1} \text{ à droite}$$

$$\widehat{NAG} \approx 45^\circ. \quad \leftarrow \text{on calcule à la calculatrice}$$

Remarque

Le début de la rédaction ne change pas, c'est au moment de remplacer les lettres par des nombres que ça change.

■ **EXERCICE** : Dans le triangle suivant, calcule :



Solution 1 :

On commence par calculer NE :

D : Le triangle NEZ est rectangle en E .

P : D'après le théorème de Pythagore, on a :

$$C : NZ^2 = NE^2 + EZ^2$$

$$10^2 = NE^2 + 3,6^2$$

$$NE^2 = 10^2 - 3,6^2 = 87,04$$

$$NE = \sqrt{87,04} \approx 9,33 \text{ cm.}$$

On calcule ensuite \widehat{ENZ} :

D : Le triangle NEZ est rectangle en E .

P : D'après la trigonométrie, on a :

$$C : \cos \widehat{ENZ} = \frac{EN}{NZ} = \frac{9,33}{10}$$

$$\widehat{ENZ} = \cos^{-1} \frac{9,33}{10} \approx 21^\circ.$$

Solution 2 :

On commence par calculer \widehat{NZE} :

D : Le triangle NEZ est rectangle en E .

P : D'après la trigonométrie, on a :

$$C : \cos \widehat{NZE} = \frac{EZ}{NZ} = \frac{3,6}{10}$$

$$\widehat{NZE} = \cos^{-1} \left(\frac{3,6}{10} \right) \approx 69^\circ.$$

On calcule ensuite \widehat{ENZ} :

Puisque les angles \widehat{ENZ} et \widehat{NZE} sont complémentaires, on a : $\widehat{ENZ} = 90 - \widehat{NZE} = 90 - 69 = 21^\circ$.